### Grandeurs (G22)



## QUESTION

CE1D 2010 Q25 R G22

/3

Pour chacune des 3 propositions suivantes,

**COCHE** la case adéquate pour indiquer si elle est toujours vraie, toujours fausse ou si on ne peut pas conclure.

- a) Lorsque l'on double les longueurs des côtés d'un triangle, les amplitudes des angles sont aussi doublées.
  - ☐ Toujours fausse ☐ On ne peut pas conclure
- b) Lorsque l'on triple la longueur des côtés d'un carré, son périmètre est aussi triplé.
  - Toujours vraie □ Toujours fausse □ On ne peut pas conclure
- c) Lorsque l'on augmente la longueur d'un rectangle et que l'on diminue sa largeur, son aire est toujours augmentée.
  - □ Toujours vraie □ Toujours fausse □ On ne peut pas conclure

### **QUESTION**

CE1D 2010 Q26 R G22

/3

☑ Tableau A		
x	у	y x
3	9	3
2,5	7,5	3
9	27	3
10,1	30,3	3

○ Tableau B		
x	у	
1	3	
5	7	
17	19	
35	37	

3 Quotient identique 

proportionnalité directe 

k= 3

 $\Rightarrow$  Equation : y = 3x

**COCHE** la case du tableau qui montre une proportionnalité directe entre la grandeur x et la grandeur y.

Pour ce tableau, ÉCRIS le coefficient de proportionnalité : 3

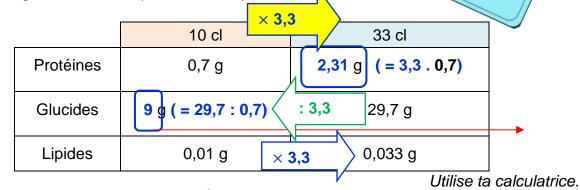
#### RAPPEL THÉORIE

Deux grandeurs sont directement proportionnelles si

Deux canettes contiennent la même limonade. Voici une partie des informations indiquées sur leurs étiquettes.

En complétant le tableau, **DÉTERMINE** la quantité :

- de protéines dans la canette classique de 33 cl ;
- de glucides dans la petite canette publicitaire de 10 cl.



**QUESTION** 



CE1D 2010 Q35 G22

/2

Julie a été engagée pour un travail d'étudiante pendant les vacances d'été.

Elle devait recevoir un salaire de 1044€ pour 18 jours de travail.

Elle a du s'absenter, pour des raisons familiales, pendant 4 jours ; ces jours ne lui ont donc pas été payés.

N.B. : Il était prévu qu'elle reçoive le même salaire pour chaque jour de travail.

CALCULE le salaire qu'elle a effectivement reçu.

ÉCRIS tout ton raisonnement.

#### Calcul:

#### Règle de trois

Réponse : Le salaire que Julie a effectivement reçu est de 812

Une méthode correcte est proposée (règle de trois, diagramme, ...)

CE1D 2011 Q6 G22



/3

On prépare une boisson en mélangeant un liquide chocolaté et du lait. La recette A mélange 3 parts de liquide chocolaté à 2 parts de lait. La recette B mélange 2 parts de liquide chocolaté à 1 part de lait.







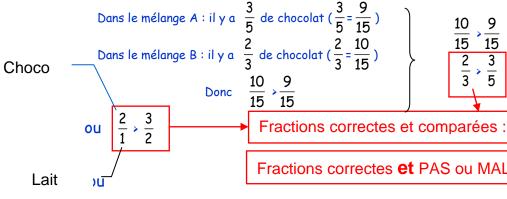


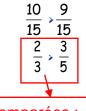
**COMPLÈTE** la phrase suivante par A ou B :

Le mélange qui a le plus le goût de chocolat est le mélange B

0 ou 1

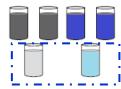
JUSTIFIE ton choix.





Fractions correctes et PAS ou MAL comparées : 1 pt





0/1/2

Réponse : Pour une même quantité de lait, on a un verre de chocolat en plus dans le mélange B

CE1D 2012 Q25 G22



Le tableau suivant est-il un tableau de proportionnalité directe entre les grandeurs x et y ?

x	у	$\frac{y}{x}$
1	4	<i>x</i> 4
2	5	2, 2
3	6	2
4	7	1,7

5 75

OUI - NON ENTOURE:

JUSTIFIE ta réponse.

Le quotient de y (variable dépendante) par x (variable contrôlée) n'est pas le même.

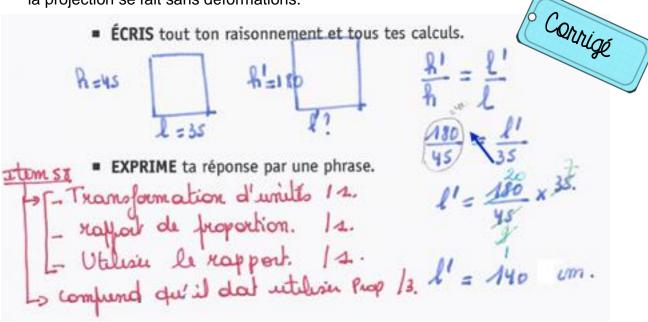
Les deux grandeurs ne sont pas directement proportionnelles.

Ou Il n'y a donc pas de coefficient de proportionnalité

ou par graphique (droite passant par l'origine des axes.

Nicolas a numérisé sa photo d'identité qui mesure 45 mm de hauteur sur 35 mm de largeur. Il veut la projeter sur un écran dont la hauteur mesure 1,80 m.

**DÉTERMINE** la largeur maximale de l'image qu'il peut obtenir sur l'écran sachant que la projection se fait sans déformations.



Réponse: La largeur maximale de l'image est 1,4 m.

CE1D 2013 Q17

/3

Ce panneau de signalisation indique la pente de la route. Il signifie que pour une distance horizontale de 100 m, il y a une dénivellation de 8 m.



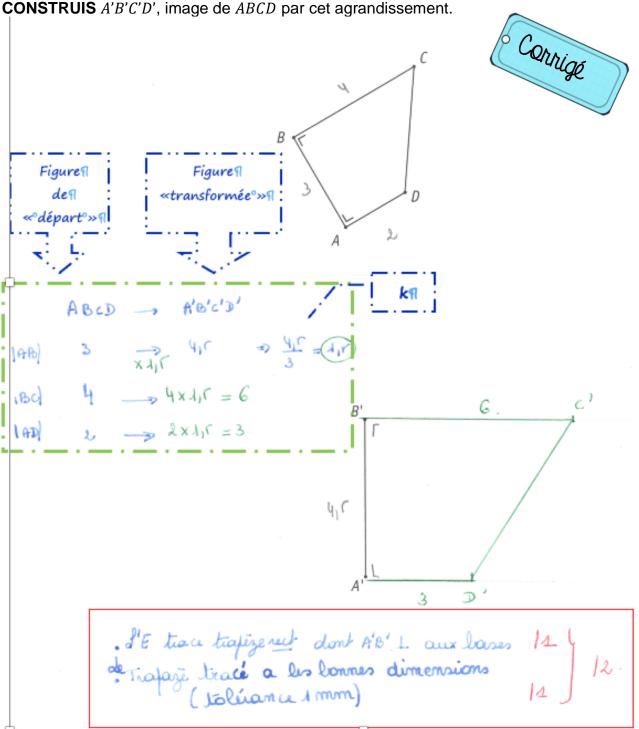
**COMPLÈTE** le tableau de proportionnalité relatif à cette pente.

		X	7		_	_
Distance horizontale	<mark>x</mark>	100 m	700 m	250m.	1,5 km	
Dénivellation	y	8 m	56 m	20 m	$\frac{8}{100} \times 1500m$ =120m	$\times \frac{8}{100}$
× 7						

CE1D 2013 Q9

Le segment [A'B'] est un agrandissement du côté [AB] du trapèze rectangle ABCD.

**CONSTRUIS** *A'B'C'D'*, image de *ABCD* par cet agrandissement.



CORRECTION

### **QUESTION**

CE1D 2013 Q18 TC

/5

Une tempête s'est abattue sur la forêt et 25 % des arbres ont été déracinés.

En deux mois, les bucherons ont emporté un cinquième des arbres déracinés à la scierie.

Avant la tempête, il y avait 10 000 arbres dans cette forêt.

Combien d'arbres déracinés les bucherons doivent-ils encore emporter ?



Jean a résolu le problème et a trouvé « 32 000 arbres ».

JUSTIFIE, sans calculer, pourquoi cette réponse est fausse.

Il y a plus d'arbre après la tempête (32 000) qu'avant (10 000) : situation impossible.

OU 32000 > 10 000 ou

Voici la résolution de Jean :

Nombre d'arbres déracinés :  $10\ 000\ \times \left(\frac{100}{25}\right) = 40\ 000$ 

Nombre d'arbres emportés à la scierie :  $40\,000\, imes rac{1}{5} = 8\,000$ 

Nombre d'arbres qui restent encore à emporter :  $40\,000 - 8\,000 = 32\,000$ 

**ENTOURE**, dans la résolution de Jean, l'étape dans laquelle l'erreur a été commise. /1 **RÉSOUS** correctement ce problème.

Nbre d'arbres déracines :

$$\frac{10\,000\times25}{100} = 2500$$

Nbre d'arbres à la scierie :

$$\frac{00 \times 1}{5} = 500$$
 /1

Nbre d'arbres qui reste à emporter : 2500 - 500 = 2000 /1

Erreur mais si cohérent avec étape précédente : ok

# **QUESTION**

CE1D 2013 Q30 TC G22

/-

Marina souhaite peindre les murs de sa chambre.

L'aire totale des murs est de  $36 m^2$ .

Un litre de peinture permet de couvrir 4  $m^2$ .

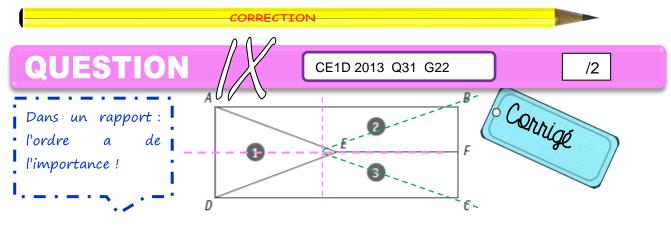
Un pot de 3 litres de peinture coûte 45 €.

CALCULE le montant à payer pour peindre les murs de la chambre.

ÉCRIS tout ton raisonnement et tous tes calculs.

Dimarche: 3 pts

or tout outre dimarche course



E est le centre du rectangle ABCD et F est le milieu du segment [BC].

■ ÉCRIS le rapport entre l'aire de la partie 1 et l'aire du rectangle ABCD : 1/4

La partie 1 contient 2 triangles de même aire ;

Le rectangle ABCD en est formé de 8 (triangles de même aire).

0-1-2 pts

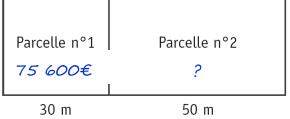
- $\blacksquare \quad Rapport : \frac{2}{8} \left\{ \frac{1}{4} \right\}$
- ENTOURE le rapport entre l'aire de la partie 2 et l'aire de la partie 1





CE1D 2013 Q37

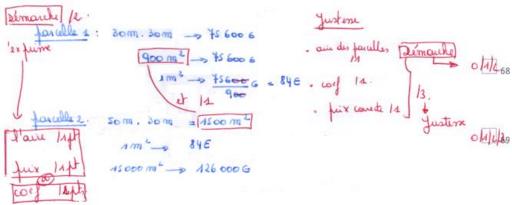




Un propriétaire possède un terrain à bâtir divisé en deux parcelles. Il vend la parcelle n°1 (carrée) pour **75 600 €**.

■ **DÉTERMINE** le prix de vente de la parcelle n°2 (rectangulaire) si le propriétaire souhaite la vendre au même prix du mètre carré.

**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.



Réponse : Le prix de la parcelle n°2 est 126 000 €

30 m



CE1D 2013 Q22 G22 TS

Lors d'un jeu, Jean perd 10% de ses 500 cartes puis regagne 10% de ce qui lui reste.

**DÉTERMINE** le nombre de cartes qu'il possède à la fin du jeu.

ÉCRIS tous tes calculs.

- \* 10% de 500 cartes :  $\frac{500 \times 10}{100}$  = 50 cartes

1 pt

- Reste des cartes : 500 50 = 450
- <u>10% des cartes restantes</u> :  $\frac{450 \times 10}{100}$  = 45 cartes regagnées Cartes qu'il possède à la fin du jeu : 450 + 45 = 495

Nombre de cartes que Jean possède à la fin du jeu : 495

1 pt



**COCHE** la case du tableau qui montre une proportionnalité directe entre la grandeur x et la grandeur y.

Table	au A	
х	у	$\frac{y}{x}$
1	1	- î
4	2	$\frac{2}{4}$
16	4	$\frac{1}{4}$
	_	

Table	au B	
х	у	$\frac{y}{x}$
2	1	$\frac{1}{\frac{2}{2}} = 0.5$ $\frac{3}{\frac{4}{4}} = 0.75$ $\frac{5}{6}$
4	3	$\frac{3}{4} = 0.75$
6	5	$\frac{5}{6}$
	0	-

Table	au C	
х	у	3 2 1
3	1	$\frac{1}{3}$
6	2	$\frac{2}{6} = \frac{2}{5}$
15	5	$\frac{5}{15}$
$\overline{\checkmark}$		

**DÉTERMINE** le coefficient de cette proportionnalité :  $\frac{1}{3}$ 

Tableau C : Le quotient de y (variable dépendante) par x (variable contrôlée) est le même. Les deux grandeurs sont directement proportionnelles.

Coefficient de proportionnalité : 1

CE1D 2014 Q35 I45 G22 TS

/3

Corrigé

Un jardinier amène de la terre pour combler 17 trous de 0,5 m³ chacun. Il prévoit 25% de volume supplémentaire car la terre se tasse avec le temps.

**CALCULE** le volume de terre à amener. **ÉCRIS** tous tes calculs.

#### Première méthode :

$$V_I = 17 \times 0.5 = 8.5 \quad m^3$$

$$V_S = \frac{25 \times 8.5}{100} = \frac{8.5}{4} = 2.125 \quad m^3$$

$$V_T = V_I + V_S = 8.5 \times 2.125 = 10.625 \quad m^3$$
1 pt
1 pt

#### Deuxième méthode

Pour 1 trou

#### Pour 17 trous

$$V_{I} = 17 \cdot V_{t}$$
 $V_{I} = 17 \cdot 0,625$ 
 $V_{I} = 10,625 m^{3}$ 

Réponse = 10,625  $m^3$  Toute erreur de calcul pénalisée seulement à l'étape concernée

1 pt

### QUESTION

CE1D 2014 Q36 I46 G22 TS

Au cinéma, quatre adolescentes ont acheté des bonbons en vrac.

Julie a payé 4 € pour 250 g.

 $V_I = 0.5 \, m^3$ 

 $V_S = \frac{0,500}{4} = 0,125 \, m^3$ 

 $V_t = 0.500 + 0.125 = 0.625 \, m^3$ 

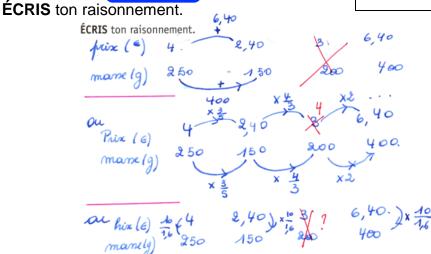
- Chen a payé 2,40 € pour 150 g.
- Yasmina a payé 6,40 € pour 400 g
- Stéphanie a payé 3 € pour 200 g.

Il y a une erreur pour l'une d'entre elles.

ENTOURE son prénom.

Julie [ Chen Stéphanie [ Yasmina. /

Prix	masse	
4	250	$\frac{250}{4} = 62,5$
2,40	150	$\frac{150}{2,4} = 62,5$
3	200	$\frac{200}{3} \approx 66,7$
6,40	400	$\frac{400}{6,4} = 62,5$



92

CE1D 2015 Q20 G22 TS

/4

Corrigé

Pour télécharger 3 chansons sur internet, il faut en moyenne 1 minute (= 60 secondes).

COMPLÈTE, en te basant sur ce temps moyen de téléchargement, le tableau de

proportionnalité suivant :

Nombre de chansons	Durée de téléchargement (en secondes)
6	120
9	180
25 × 2	<b>20</b> 500
3	60

**CALCULE** le nombre de chansons que tu pourrais télécharger, à la même vitesse, en une demi-heure.  $\frac{3600}{3}$  = 1800 4

$$\begin{cases} 60 \text{ } & \longrightarrow & 3 \text{ chansons} \\ 1800 \text{ } & \longrightarrow & 3 \times 30 \text{ chansons} \end{cases}$$

Réponse : 90 chansons

## **QUESTION**



CE1D 2015 Q19 G22 TS

/3

Émeline veut acheter 4 bandes dessinées à 11euros pièce

Elle hésite entre deux offres

- Offre A: 3 bandes dessinées achetées + 1 gratuite
- Offre B: 30 % de réduction à l'achat des 4 bandes dessinées

**DÉTERMINE** l'offre la plus intéressante.

ÉCRIS tous tes calculs/

OFFRE A

$$3 \times 100 = 336$$
 $4 \times 100 = 446$ 
 $4 \times 100 = 44 \times 100$ 
 $= 44 - \frac{44 \times 30}{100}$ 
 $= 44 - 13, 2$ 
 $= 30, 86$ 
 $= 30, 86$ 
 $= 00 \times 13, 26 = 00 \times 100$ 

L'offre B est la plus intéressante



Si le crayon A mesure 20 cm,

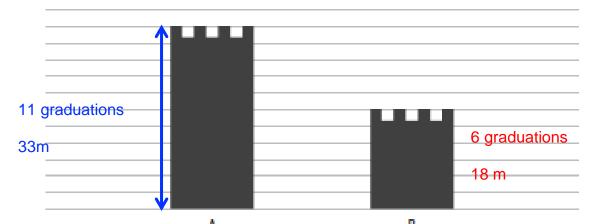
COMPLÈTE.

le crayon B mesure 10 cm et le crayon C mesure 24 cm.

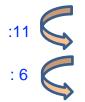
**DESSINE** un **crayon** D qui mesure 16 cm.



Voici le dessin de deux tours



JUSTIFIE que si la hauteur de la tour A mesure 33 m, alors la hauteur de la tour B mesure 18 m



11 graduations pour 33m

1 graduation pour

6 graduations pour 3m \*6 = 18

CE1D 2016 Q31 G22 R

/

ÉNONCE la propriété Illustrée par l'exemple suivant.

/1

Si 
$$\frac{6}{5} = \frac{24}{20}$$
 alors  $6 \times 20 = 5 \times 24$ 



Dans toute proportion,

Le produit des moyens est égal au produit des extrêmes. /1



CE1D 2016 Q32 G22 R

/2

Une erreur s'est glissée dans le tableau de proportionnalité suivant

x	12,4	64	52	78	1
у	3,1	16	13,5	19,5	^4
$\frac{y}{x}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$		$\frac{1}{4}$	

**ENTOURE** cette erreur

**CORRIGE-**la. 52  $\times \frac{1}{4} = \frac{52}{4} = 13$ 

## **QUESTION**

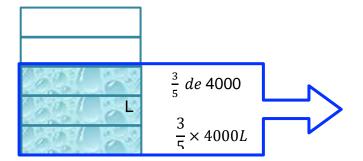
CE1D 2016 Q33 G22 TC

Une citerne de mazout a une capacité totale de 4 000 litres.

Actuellement, elle est remplie  $\frac{3}{2}$ .

**DÉTERMINE** le pourcentage de remplissage de cette cuve après une livraison supplémentaire de 1 500 litres.

ÉCRIS ton raisonnement et tous tes calculs.



$$4\ 000\ L \leftrightarrow 100\ \%$$

$$1\ 000\ L \leftrightarrow \frac{100}{4}\ \%$$

$$3\ 900\ L \leftrightarrow \frac{100}{4} \times 3.9 = 97.5\ \%$$

Réponse :Le taux de remplissage de la cuve après livraison supplémentaire est de 97,5%

99

CE1D 2015 Q21 G22 R

/

**COCHE** la case du tableau qui montre une proportionnalité directe entre la grandeur x et la grandeur y.

Table		
x	у	<u>y</u>
15	11	M
8	4	75 4=1
100	96	<b>0</b>
4,5	0,5	
	]	•

Tableau B		
x	y	
12	3	
30	7,5	
100	25	
44	11	
	<b>V</b>	

	Tableau C	
<u>y</u>	x	y
$\frac{y}{x}$ $\frac{3}{12} = \frac{1}{4}$	4	10
T : 1	7	17,5
25 1	36	92
100 4	1	2,5
44 4		]

 Corrige
$\frac{y}{x}$
10 = 215
1715 = 215 92 ~ 2,556
4,5

Tableau B car le quotient de y par x est toujours un même nombre. Les deux grandeurs sont donc directement proportionnelles.

**DÉTERMINE** le coefficient de cette proportionnalité :  $k = \frac{1}{4}$  ou 0,25 ou

## QUESTION



CE1D 2018 Q30 R G22

/3

Un étudiant a gagné un salaire de <mark>330 € pour 6 jours</mark> de travail.

COMPLÈTE le tableau de proportionnalité suivant relatif à cette situation.

Nombre de jours de travail	Salaire (en €)
550 : <b>55</b> = 10	550
21	$21 \times 55 = 1155$
12,5	$12,5 \times 55 = 687,5$
6	330
1	55

$$\frac{y}{x}$$

$$\frac{330}{6} = 55$$



CE1D 2017 Q32 J G22

1

- -20 % du total à l'achat de 2 articles
- -30 % du total à. l'achat de 3 articles
- -40 % du total à l'achat de 4 articles ou plus



Marine achète une paire de chaussures à 40 € et deux foulards à10 € pièce.

Océane achète une paire de chaussures à 40 € et trois foulards à 10 € pièce.

JUSTIFIE pourquoi Océane fait une meilleure affaire que Marine.

ÉCRIS tous tes calculs.

Marir	ie	<u>O</u> c	<mark>céan</mark> e
3 articles		4 articles	
40€ + 10€ + 10€ = 60€		40€ + 10€ + 10€ + 10€ = 70€	
$\frac{30}{100} \times 60 \in = 18 \in$	$\frac{70}{100}$ × 60€ = 42€	$\frac{40}{100} \times 70 \in 28 \in$	$\frac{60}{100} \times 70 \in 42 \in$
60€ - 18€ = 42€	100	70€ - 28€ = 42€	100

Réponse : Océane fait une meilleure affaire que Marine car pour un même prix :

Océane reçu un foulard de plus que marine

(ou océane a pu acheter 4 articles et marine seulement 3 articles.

## **QUESTION**



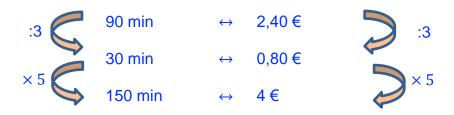
CE1D 2018 Q14 TS G22

/

Dans un parking payant, le tarif est proportionnel à la durée de stationnement.

Pour 1h30 (= 90 minutes), le tarif est de 2,40 €.

CALCULE le tarif pour 2h30 (= 150 minutes).



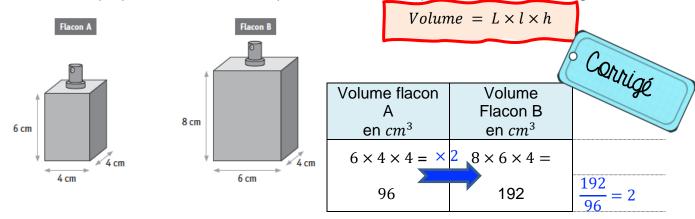
Réponse : le tarif pour 2h30 de stationnement est 4€



CE1D 2017 Q18 TC G22

14

Un fabricant propose deux flacons de parfum en forme de parallélépipède rectangle.



#### Le prix du flacon est proportionnel au Volume du parfum qu'il contient.

Le flacon A coûte 48 €.

**DÉTERMINE** le prix qu'il va demander pour le flacon B.

**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

Le volume du flacon B est le double du volume du flacon A.

Le prix du flacon B est donc le double de celui du flacon A c'est à dire  $2 \times 48 = 96$ €.

CE1D 2018 Q29 TC G22

2 m

*l*5

Les jardins de Marie et de Philippe sont carrés.

Celui de Marie mesure 15 m de côté et celui de Philippe 10 m de côté.

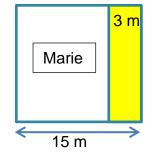
Chacun d'eux a réservé sur tout un côté, un parterre rectangulaire pour y planter des

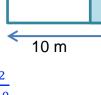
Le parterre de Marie mesure 3 m de large et celui de Philippe mesure 2 m de large.

**DÉTERMINE** celui qui, proportionnellement, a réservé le plus grand parterre pour ses fleurs.

**ÉCRIS** ton raisonnement

et tous tes calculs.





Phil

Comparons 
$$\frac{3}{15}$$
 à  $\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$ 

$$\frac{\frac{2}{10}}{\frac{2}{10}} = \frac{1}{5}$$

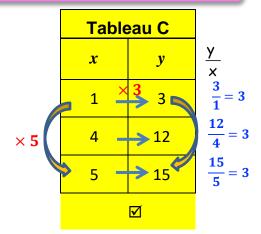
Réponse : Proportionnellement les deux parterres sont équivalents.



CE1D 2019 Q31 R G22

_	

Tableau A		V	Table	eau B	
x	y	$\frac{y}{x}$	x	y	$\frac{y}{x}$
1	6	$\frac{6}{1}=6$	3	1	$\frac{1}{3}$
2	7	$\frac{7}{2}=3,5$	4	2	$\frac{2}{4} = \frac{1}{2}$
3	8	$\frac{8}{3}\approx 2,7$	6	4	$\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$
					-



COCHE la case du tableau qui représente une situation de proportionnalité directe entre la grandeur x et la grandeur y.

Tableau C car le quotient de y par x est toujours un même nombre.

Ou règle de 3.

Les deux grandeurs sont donc directement proportionnelles.

**DÉTERMINE** le coefficient de cette proportionnalité : k = 3

CE1D 2019 Q32 TC G22

Corrigé

Sur le blog d'Alice, 60 % des visiteurs ont laissé un commentaire et 36 visiteurs n'ont rien écrit.

**CALCULE** le nombre total de visiteurs qu'Alice a reçus sur son blog.

**ÉCRIS** ton raisonnement et tous tes calculs.



Réponse : Alice a reçu sur son blog est 90 visiteurs au total.



CE1D 2019 Q30 J G22

Corrigé

$$\frac{-7}{8} = \frac{x}{-40}$$

**JUSTIFIE** que x = 35

$$\frac{-7}{8} = \frac{x}{-40}$$

$$\frac{7}{8} = \frac{x}{40}$$

$$\frac{7 \times 5}{8 \times 5} = \frac{x}{40}$$

$$\frac{35}{40} = \frac{x}{40}$$

$$x = 35$$

Deux fractions égales ayant le même dénominateur ont les numérateurs égaux.

Produits en croix:

$$\frac{-7}{8} = \frac{x}{-40}$$
$$\frac{7}{8} = \frac{x}{40}$$
$$8x = 7 \times 40$$
$$x = \frac{7 \times 40}{8}$$
$$x = 35$$

Vérification

$$\frac{-7}{8} = ? = \frac{35}{-40}$$

$$\frac{-7}{8} = ? = \frac{-35}{40}$$

$$\frac{-7}{8} = ? = \frac{-7}{8}$$
Oui

Conclusion: 35 est bien solution



CE1D 2015 Q21 G22 R

COCHE la case du tableau qui montre une proportionnalité directe entre la grandeur x et la grandeur y.

Tableau A		
x	у	
15	11	
8	4	
100	96	
4,5	0,5	

Tableau B		
x	у	
12	3	
30	7,5	
100	25	
44	11	
<u> </u>		

Tableau C		
x	y	
4	10	
7	17,5	
36	92	
1	2,5	

**DÉTERMINE** le coefficient de cette proportionnalité :